Übungen zur Vorlesung Logik für Informatiker

WS 2008/09, Blatt 4

Korrigierte Fassung vom 22. November 2008: Aufgabe 4 b) wurde geändert.

Hinweis: Die Bearbeitung der korrigierten Fassung statt der ursprünglichen ist freiwillig, falls Sie die korrigierte Fassung bearbeiten, müssen Sie die ursprüngliche also nicht bearbeiten und umgekehrt.

Abgabe: Mittwoch, 26. November 2008, vor der Vorlesung

Aufgabe 1. Nehmen Sie an, Ihnen stehen die Apparaturen zur Verfügung, um die folgenden chemischen Reaktionen durchzuführen:

$$\begin{array}{ccc} \mathrm{MgO} + \mathrm{H_2} & \longrightarrow & \mathrm{Mg} + \mathrm{H_2O} \\ \mathrm{C} + \mathrm{O_2} & \longrightarrow & \mathrm{CO_2} \\ \mathrm{H_2O} + \mathrm{CO_2} & \longrightarrow & \mathrm{H_2CO_3} \end{array}$$

Ferner sollen in unserem Labor die Grundstoffe MgO, H_2 , O_2 und C vorhanden sein. Zeigen Sie, daß es unter diesen Voraussetzungen möglich ist, H_2CO_3 herzustellen.

Aufgabe 2. Zeigen Sie mit Hilfe der Resolutionsmethode, daß die Formel

$$((\neg A_1 \land \neg A_2 \land A_3) \lor (\neg A_1 \land \neg A_3) \lor (A_2 \land A_3) \lor A_1)$$

eine Tautologie ist.

Aufgabe 3. Zeigen Sie mit Hilfe der Resolutionsmethode, daß $A_1 \wedge A_2 \wedge A_3$ eine Folgerung aus der Klauselmenge

$$\{\{\neg A_1, A_2\}, \{\neg A_2, A_3\}, \{A_1, \neg A_3\}, \{A_1, A_2, A_3\}\}$$

ist.

- **Aufgabe 4.** a) Zeigen Sie, daß DNF SAT \in P. Genauer: Geben Sie einen Algorithmus an, welcher bei Eingabe einer aussagenlogichen Formel F in DNF in polynomialer Zeit entscheidet, ob F erfüllbar ist oder nicht.
- b) Zeigen Sie unter der Annahme P \neq NP, daß es nicht in polynomialer Zeit möglich ist, eine beliebige Formel F in eine Formel G in DNF derart zu überführen, daß F erfüllbar ist genau dann, wenn G erfüllbar ist.