
Aufgabe 1 (*Partielle Ableitung*) (2+2 Punkte)

- (i) Sei $f : \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}$. Geben Sie die Definition für “ f ist partiell differenzierbar in x_0 in Richtung $x_j, j = 1, \dots, n$ ”.
- (ii) Berechnen Sie alle partiellen Ableitungen der Funktion

$$f(x, y) = y^2x + yx + 1.$$

Aufgabe 2 (*Richtungsableitung*) (2+2 Punkte)

- (a) Sei $f : \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}$. Geben Sie die Definition der Richtungsableitung $D_v f(x_0)$ von f in $x_0 \in \mathbb{R}^2$ in Richtung $v \in \mathbb{R}^n$ an.
- (b) Berechnen Sie die Richtungsableitung von

$$f(x, y) = y^2x + yx + 1$$

in Richtung $v = (0, 1) \in \mathbb{R}^2$.

Aufgabe 3 (*Partiell differenzierbar*) (2+2 Punkte)

- (a) Sei $f : \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}$. Definieren Sie “ f ist stetig partiell differenzierbar”?
- (b) Unter welcher Bedingung gilt

$$\frac{\partial^2 f}{\partial y \partial x} = \frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y}.$$

Aufgabe 4 (*Ableitung*) (2+2 Punkte)

- (a) Sei $f : \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}^m, n, m \in \mathbb{N}$. Definieren Sie das totale Differenzial (die Ableitung) von f in $x_0 \in \mathbb{R}^n$?
- (b) Berechnen Sie die Jacobi Matrix der Abbildung

$$f(x, y) = (xe^y, \sin x).$$