
In den folgenden Aufgaben wird immer auf den Kontext/die Notation aus der Vorlesung Bezug genommen.

Aufgabe 1 (4 Punkte)

Sei $A \in SU(n+1)$ und $g(\cdot, \cdot) := \omega(\cdot, J\cdot)$, wobei ω wie in Beispiel 3.19 aus der Vorlesung definiert sei. Zeigen Sie: g ist eine Riemannsche Metrik und A induziert eine wohldefinierte glatte isometrische Abbildung $\tilde{A} : (\mathbb{C}\mathbb{P}^n, g) \rightarrow (\mathbb{C}\mathbb{P}^n, g)$, wobei

$$\tilde{A}([(z_0, z_1, \dots, z_n)]) := [A(z_0, \dots, z_n)].$$

Aufgabe 2 (4 Punkte)

$(\mathbb{C}\mathbb{P}^n, g)$, g wie oben definiert, hat konstante Bi-Schnittkrümmung $\lambda = 1$.

Aufgabe 3 (4 Punkte)

Sei $M := B^{2n} := \{z \in \mathbb{C}^n : |z| < 1\}$ und $g(\cdot, \cdot) := \omega(\cdot, J\cdot)$, wobei

$$\omega(z) := i\partial\bar{\partial} \log(1 - |z|^2).$$

Zeigen Sie: (M, g) hat konstante Bi-Schnittkrümmung $\lambda = -1$.

Aufgabe 4 (4 Punkte)

Weisen Sie

$$\frac{\partial}{\partial \bar{z}} \frac{\partial}{\partial z} \log|z|^2 = 0$$

nach.

Bitte schreiben Sie Ihren Namen auf jedes Lösungsblatt. Abgabe ist am Montag, 23.11.2009 bis 15:00 Uhr.