

Tutorium zur kommutativen Algebra SS17

SS17 Blatt 2

Ausgabe: 2.5.2017, keine Abgabe

Aufgabe 2.1: Berechnen Sie das Verschwindungsideal der folgenden Teilmengen des \mathbb{A}^2 über dem Körper $k = \mathbb{C}$:

1. $V_1 := \{(1, 2), (2, 3), (0, 4)\}$.

2. $V_2 := \{\text{die zwei Koordinatenachsen}\}$

3. Seien K_i (für $i = 1, 2$) zwei Kreise um die Mittelpunkte $(x_i, y_i) \in \mathbb{C}^2$ mit Radius $r_i > 0$. Sei

$$V_3 := K_1 \cap K_2 \quad \text{und} \quad V_4 := K_1 \cup K_2.$$

4. Können Sie ein Ideal in $\mathbb{C}[x, y]$ angeben, das nicht als Verschwindungsideal für eine beliebige algebraische Menge auftritt?

5. Sei

$$V_5 := \{(1, n) \in \mathbb{C}^2 \mid n \in \mathbb{N}\}.$$

und wir fragen nach dem Ideal des Abschlusses $\overline{V_5}$ in der Zariski-Topologie.

6. Sei

$$V_6 := \{(n, n^3) \in \mathbb{C}^2 \mid n \in \mathbb{N}\}.$$

und wir fragen nach dem Ideal des Abschlusses $\overline{V_6}$ in der Zariski-Topologie.