Dr. W. Schuster

Übungen zur Vorlesung

Mathematik für Naturwissenschaftler I — WS 2006/07 Blatt 1

Aufgabe 1.

Stellen Sie die Wahrheitstafeln für die logischen Verknüpfungen

a)
$$r = p \wedge (\neg q),$$
 (2 Punkte)

b)
$$s = (p \lor q) \to p$$
 (2 Punkte)

auf und bestimmen Sie für r und s die entsprechenden algebraischen Formeln.

Aufgabe 2.

Zeigen Sie die Gültigkeit der logischen Regeln

a)
$$\neg (p \lor q) = (\neg p) \land (\neg q)$$
 (3 Punkte)

b)
$$p \lor (q \land r) = (p \lor q) \land (p \lor r)$$
. (3 Punkte)

Aufgabe 3.

Konstruieren Sie eine Wahrheitsfunktion p*q, die dem umgangssprachlichen "entweder p oder q" entspricht. Wie lautet die zugehörige algebraische Formel?

(4 Punkte)

Aufgabe 4.

Beschreiben Sie das Verhalten eines logischen Neurons mit einem erregenden Input p, den hemmenden Inputs q, r und dem Schwellenwert $\Theta = 0$. Bestimmen Sie die zugehörige Wahrheitsfunktion.

(5 Punkte)