

**Logik für Studierende  
der Informatik**

Blatt 1

Abgabe: 6.11.2019, 14 Uhr

**Gruppennummer angeben!**

**Aufgabe 1** (6 Punkte).

Gib (ohne Wahrheitstabellen zu benutzen) aussagenlogische Formeln sowohl in KNF als auch in DNF an, welche logisch äquivalent zu den folgenden aussagenlogischen Formeln sind.

(a)  $\left( (P \rightarrow Q) \rightarrow (R \wedge Q) \right)$

(b)  $\left( \neg(P \rightarrow Q) \vee (P \rightarrow R) \right)$

**Aufgabe 2** (3 Punkte).

Sind die Aussagen  $\neg(P \rightarrow Q)$  und  $(\neg P \rightarrow \neg Q)$  logisch äquivalent? (Ohne Wahrheitstabellen zu benutzen!)

**Aufgabe 3** (5 Punkte).

Entscheide mit Hilfe der Tableau Methode, ob folgende Aussagen Tautologien sind.

(a)  $\left( \neg(P \rightarrow Q) \vee (Q \rightarrow P) \right)$

(b)  $\left( ((P \rightarrow R) \wedge (R \rightarrow Q)) \rightarrow (P \rightarrow Q) \right)$

(c)  $\left( ((P \vee Q) \rightarrow (R \wedge S)) \rightarrow ((P \wedge Q) \rightarrow (R \vee S)) \right)$

(d)  $\left( ((P \wedge Q) \rightarrow R) \rightarrow ((P \vee Q) \rightarrow R) \right)$

(e)  $\left( (P \rightarrow (Q \rightarrow \neg P)) \rightarrow (P \rightarrow \neg Q) \right)$

**Aufgabe 4** (6 Punkte).

(a) In der Sprache  $\mathcal{L} = \{c, <\}$  seien  $c$  ein Konstantenzeichen und  $<$  ein zweistelliges Relationszeichen. Betrachte die  $\mathcal{L}$ -Struktur  $\mathcal{R}_1$  mit Universum  $\mathbb{R}$  und den Interpretationen  $c^{\mathcal{R}_1} = \pi$  sowie  $<^{\mathcal{R}_1}$  als die übliche lineare Ordnung. Ferner sei  $\mathcal{R}_2$  die  $\mathcal{L}$ -Struktur mit Universum  $\mathbb{R}$  und Interpretationen  $c^{\mathcal{R}_2} = -\sqrt{2}$  sowie  $<^{\mathcal{R}_2}$  als die übliche lineare Ordnung. Zeige, dass  $\mathcal{R}_1$  und  $\mathcal{R}_2$  isomorphe  $\mathcal{L}$ -Strukturen sind.

(b) Sei  $d$  ein weiteres Konstantenzeichen. Wir betrachten nun die Sprache  $\mathcal{L}' = \mathcal{L} \cup \{d\}$  und erweitern die obigen beiden Strukturen zu  $\mathcal{L}'$ -Strukturen  $\mathcal{R}'_1$  und  $\mathcal{R}'_2$ , indem wir  $d$  wie folgt interpretieren:

$$d^{\mathcal{R}'_1} = 0 = d^{\mathcal{R}'_2}.$$

Sind  $\mathcal{R}'_1$  und  $\mathcal{R}'_2$  isomorphe  $\mathcal{L}'$ -Strukturen?

---

DIE ÜBUNGSBLÄTTER MÜSSEN ZU ZWEIT EINGEREICHT WERDEN. ABGABE DER ÜBUNGSBLÄTTER IN DEN (MIT DEN NUMMERN DER ÜBUNGSGRUPPEN GEKENNZEICHNETEN) FÄCHERN IM EG DES GEBÄUDES 51.