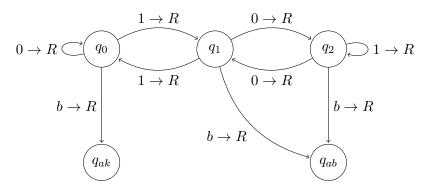
# **BLATT 6** (23.11.2022)

Dozentin: Prof. Dr. Heike Mildenberger

Assistent: M.Sc. Christian Bräuninger

## Aufgabe 1 (4 Punkte).

Es sei  $\Sigma = \{0,1\}$  und M die Einband-Turingmaschine mit Startzustand  $q_0$ , welche durch das folgende Übergangsdiagramm gegeben ist.



- a) In welchem Zustand hält M bei den Eingaben '11', '1010', '1001' und '100101'?
- b) Geben Sie A(M) an. Sie brauchen Ihre Angabe nicht zu beweisen.

### Aufgabe 2 (4 Punkte).

Sei  $\Sigma$  eine endliche Menge und S und S' Turing-berechenbare Teilmengen von  $\Sigma^*$ . Sind dann auch die Mengen  $\Sigma^* \setminus S$ ,  $S \cup S'$  und  $S \cap S'$  berechenbar?

#### Aufgabe 3 (4 Punkte).

Es sei  $\Sigma = \{a_0, \ldots, a_n\}$  ein beliebiges, nicht-leeres endliches Alphabet. Geben Sie das Übergangsdiagramm einer Turingmaschine an, die jede Eingabe aus  $\Sigma^*$  akzeptiert und diese Eingabe spiegelt, d.h. bei einer Eingabe  $(e_0, \ldots, e_k) \in \Sigma^*$  die Ausgabe  $(e_k, \ldots, e_0)$  hat, d.h. im Stoppzustand genau  $(e_k, \ldots, e_0)$  als Inschrift auf dem ersten Band hat.

#### Aufgabe 4 (4 Punkte).

Gegeben sei eine nichtdeterministische Turingmaschine  $M = (Q, \Sigma, \Gamma, b, q_0, q_{ab}, S, F, \delta)$  mit

- $Q = \{q_0, q_1, q_2, q_{ab}\}, S = \{q_2, q_{ab}\}, F = \{q_2\},$
- $\Sigma = \{0, 1\}, \Gamma = \Sigma \cup \{b\},\$
- $\delta((q_0, b)) = \{(q_0, 0, R), (q_1, 1, R), (q_2, b, L)\} \text{ und } \delta((q_1, b)) = \{(q_1, 0, R), (q_2, b, L)\}.$

Geben Sie alle Wörter an, die auf das Band geschrieben werden können, wenn M auf das leere Wort angesetzt wird und nach spätestens fünf Schritten den Endzustand  $q_2$  erreicht.